

教育部 114 學年度中小學科學教育專案期中報告大綱

計畫名稱：	高中數學科能力競賽教材研發	
主持人：	高晟鈞	電子信箱：chenchung@ycsh.tp.edu.tw
共同主持人：	無	
執行單位：	臺北市立永春高級中學	

一、計畫目的

(一) 學科能力競賽彙編與教材撰寫

每年舉辦的教育部普通型高級中學學校數理及資訊學科能力競賽數學科計畫宗旨為：加強輔導公私立普通型高級中等學校推動數學、自然學科及資訊教育，以提高學生對基礎科學及資訊研究之興趣，並藉以鼓勵學生參與校際間相互觀摩，提升科學教育品質。該競賽的命題範圍雖以高中數學科教材範圍為原則，但試題難度較課綱課程內容深且廣，學生在沒有培養或沒有足夠的知識素養前提下，大多難以應付，在本團隊的了解下，各高中學校在培訓教育部學科能力競賽時，大多沒有一套系統性教材支持，多數是採考古題解題的授課形式執行培訓，且各校皆有培訓時間不足或沒有培訓經費來源的窘境。本校的 MAC 課程雖部分解決了培訓時間不足的問題，但培訓與教材研發的經費同樣面臨不足的狀況。臺師大數學系許志農教授透過「非想非非想數學網 (<http://pisa.math.ntnu.edu.tw/>)」並結合「龍騰數亦優」整理了 104 年以前的教育部學科能力競賽試題，各地區複賽與全國決賽的試題皆在網站上可以查詢，唯試題並未進行知識點的彙編，僅將各地區或全國試題的題目上傳。學科能力競賽的考題分為填充題、計算證明題、口試試題，該網站或是其他網路上搜尋到的資訊皆沒有任何一個單位或機構，進行所有問題的知識點彙編與試題詳解的書寫，對於想要賞析考古題或是有意願拿過往試題進行培訓課程的教師而言，皆只能自行備課。非想非非想數學網在 105 年以後，學科能力競賽的試題也並未持續蒐集與上傳。本計畫希望透過外部資源與經費的挹注，進行學科能力競賽完整的彙編與詳解的撰寫，針對各個知識點緊扣的高中教材章節位置

進行整理，最終產出針對學科能力競賽的彙編教材，並將教材研發成果提供教師用版本，透過網路數位化的方式分享給全國願意投身於競賽培訓的高中數學教師使用。

(二) 數學增能課程之推廣

永春高中增能課程實施現況：

MAC 數學增能課程之全文為 Mathematics Advanced Curriculum。自 104 學年度起即已在永春高中執行，104 學年度草創時課程名稱為放大鏡課程，該年的實施對象為全校高一對數學有興趣的學生，105 學年度起擴及高二學生，即同時針對全校高一、二對數學增能有興趣的學生進行授課，課程實施時間自 104 年草創起至今，皆是利用平日晚間進行，高一上至高二下四個學期採獨立報名作業，每學期的期初報名，同學自課程報名錄取後採每週一次，每次兩小時，整學期一共十次課程。學生採自由報名，礙於授課教室場地有限，如報名人數過多時，啟動成績篩選機制決定錄取同學。106 學年度起更名為 MAC 課程後，於 107 學年度下學期起，試辦與國立中央大學數學系單維彰教授合作試辦「微積分拾級」的大學 AP 課程成效良好，自 108 學年度起，將微積分拾級 AP 課程透過本校 MAC 課程計畫，開設實體面授課程與國立中央大學數學系正式合作，並擴大服務對象至高三學生，且固定開設時間為每學年上學期，面授課程共計 14 次。

MAC 課程受眾乃針對熱愛數學，對學習數學有高度熱忱，期待自己能多學一些與數學相關的內容，為提升素養，精進邏輯推理、思考創新及問題解決能力而設計。在教材的編撰上，幾年來都是本校數學科教師透過社群共備共同研發。高一上、下學期的主要課程目標乃針對坊間指標性競賽，如美國 AMC、澳洲 AMC、TRML、TMT 等競賽試題進行搜集與彙編。高二上學期結合國立中央大學微積分拾級 AP 課程(開放高二、高三報名)。高二下學期則針對教育部學科能力競賽進行培養。每學期進行彙編試題所花費相當程度的人力與時間，在苦無經費支持情況下，教師意願逐步降低，且因課程難度較高，願意參與的教師也逐步變少。近年搜集校內同科教師的意見後發現，教師皆期盼針對 MAC 課程的教材能有更有系統的編撰，一直以來本校執行 MAC 課程都

是僅止於學生版本，教師沒有足夠的時間與心力編撰教師用教材，使得教師在授課前的備課時間勞心勞力，教師皆期待能在研發教材層面上梳理出教師版本提供給授課教師，減少其備課時間，並將其推廣至友校。

如前所述，自 107 學年度下學期於永春高中試辦，108 學年度起正式與國立中央大學數學系合作開設微積分拾級課程至今，校內學生收穫豐富反應良好。微積分拾級的課程採 Moodle 系統進行網路授課，由國立中央大學數學系單維彰教授預錄課程並在 Moodle 系統上開課，透過中央大學課務組將高中端有意修課的高中生，利用「社會人士暨高中生修讀辦法」，由中央大學行政端協助建立高中生個人 Moodle 課程帳號，高中端教師每周規劃、安排參與學生的課程進度外，每周在高中端與學生碰面一次解決前一周的學習問題與重點提點，並透過形成性評量檢核學生的學習狀況，一學期共計 14 次的面授實體課程，最終由單維彰教授命題之總結性評量，核定參與學生整學期的學習表現，課程參與者皆由中央大學發予成績單，課程成績及格者由中央大學發予學分抵免證書。此一執行方式自 109 學年度開始已漸漸擴及臺北市其它高中，如大直高中、大同高中、陽明高中，皆能有效仿照本校已有之經驗傳承進行課程實施。盼能透過本計畫將此一課程執行方式推廣出去，擴及臺北市、甚至更多縣市的友校知悉，讓一個好的課程執行計畫能發揮更大的影響力。

二、執行單位對計畫支持(援)情形與參與計畫人員

參與人員：

學校	姓名	職稱
臺北市立永春高中	高晟鈞	資優班導師
國立馬祖高中	吳佩臻	數學科教師
臺中市立臺中第一高級中學	王瑞陽	數學科教師

三、研究方法

(一) 學科能力競賽彙編與教材撰寫

具體做法	實施步驟
<p>考古題搜集、試題重述與圖形重繪</p>	<p>各分區複賽試題計有： 臺北市、新北市、北一區（花東區）、北二區（桃竹苗）、中投區、嘉義區、臺南區、高雄市、南區（屏東區） 備註：後簡稱為 9 個分區。 針對以上 9 個分區，自 108 課綱實施後的年度複賽試題進行搜集彙編、試題重述與圖形重繪、詳解撰寫與教材編寫，都希望在計畫執行期間逐一完成。</p>
<p>試題分類、知識點與章節位置整理</p>	<p>針對 9 個分區 108 學年度以後的複賽試題，包含填充題、計算證明題、口試試題，進行知識點的分類，各個試題的知識能力（先備知識）應對應的高中課綱內能力素養分類。預計分類有：多項式、函數方程、不等式、數論、幾何、離散（排列組合）、極值問題、數列級數...等。</p>
<p>試題分析與各詳解撰寫</p>	<p>透過同儕教師共備，討論每一道試題之解法，將試題詳解編撰成教師用的講義版本，以期減少教師未來培訓執行的備課時間。</p>
<p>全國決賽試題討論與超綱試題之討論及編撰</p>	<p>在進行完 9 個分區 108 年度後的複賽試題編撰後，著手進行全國決賽的試題編撰與詳解共備。令針對所有計三年 9 個分區與全國決賽試題，超過課綱的部分進行討論，彙整所有超綱內容的知識點，並針對該知識點進行教材的研發共備。 例如：幾何領域的 Pascal Theorem、西瓦定理。數論領域的中國剩餘定理、同餘 (Modulo) 模運算.....。</p>

四、執行進度（請評估目前完成的百分比）

預期完成的工作：評估目前完成百分比為 50 %

(一) 近年全國 9 個分區學科能力競賽複賽、全國決賽試題的搜集、題目重述與圖形重繪。

114 年全國各分區試題目前在搜尋試題上仍出現難點。

(二) 9 個分區、全國決賽的試題所應習得的知識點及課綱內章節對應彙編。

對於知識點的對應彙編，目前是試題詳解編撰完畢時即刻將知識點對應彙編。

(三) 9 個分區、全國決賽的試題詳解編撰，並繕打完成形成教師用教材。

目前針對全國 9 個分區的 113 年以前之複賽試題已接近完成。

(四) 完成本校校內增能課程教材編寫與詳解編寫。

目前已將上學期內容全部完成。下學期內容預計 6 月完成。

五、預期成果

(一) 預期成果及效益：

1. 提供本校教師近五年完整的學科能力競賽培訓教材，提高校內教師參與增能課程授課的意願。
2. 提供友校教師計五年完整的學科能力競賽培訓教材，透過知識點與課綱內章節對應的編輯方式，解決教師培訓時的無從下手及無力感，並減少教師培訓課程之備課時間。
3. 本校開設數學增能課程已有一定時間，累積了一定程度的經驗，透過本計劃的實施，期待能有更多推廣的機會，讓更多高中端友校願意開設相關課程，以提供學生加速、加深、加廣及自主學習多一個選擇。
4. 增加教師間的專業對話機會與次數，針對彼此的教學方式進行一定程度的討論，除了精進彼此的教學能力以外，更能針對本計劃研發之教材教法有著更深刻、多元的交流與分享。
5. 本計畫為延續性計畫，已有安排競賽培訓課程。其中，本年度上學期之

選手培訓對象為本校前一學年度 6 月經過校內選拔的北市學科能力競賽選手；下學期之選手培訓對象為資優班學生自願參加。

(二) 長期規劃的工作

1. 在將近年的學科能力競賽試題進行彙編完成以後，希望可以針對試題中超綱的試題內容所涉及的數學知識進行彙整，形成教師培訓選手時的教材參考。
2. 將完成的培訓、增能課程教材完成後，開始錄製網路(非同步)課程，放置於公開平台，造福更多期待加速、加深、加廣的師生。針對已開發、本年度開發的教材，預計公開分享於永春高中數理資優班官方網站。

六、檢討

(一) 教師工作繁重，無論在校內或校外，尋覓夥伴皆非易事。

(二) 殷切期盼各分區學科能力競賽考題能夠有開放式平台公告，若無法尋得歷屆試題，對全國各地抱持培訓熱忱的教師而言，除了難以開發教材，也難以了解命題方向，不利於實施培訓課程。

七、參考資料

- [1] 林良惠，吳永怡 (96 年)。影響數理資優者生涯發展相關因素之探究。九十六年度特殊教育研討會論文集。
- [2] 教育部國民及學前教育署 (107 年 6 月)。十二年國民基本教育課程綱要－國民中小學暨普通型高級中等學校－數學領域。
- [3] 傅銘東 (76 年)。如何在高中實施資優教育。資優教育季刊。